

CHƯƠNG 2: CÁC KIẾN THỨC CƠ BẢN

Bài 1:

Chứng minh rằng $\frac{x^2+1}{x+1}$ là $O(x)$

Bài 2:

Chứng minh rằng $\frac{x^3+2x}{2x+1}$ là $O(x^2)$

Bài 3:

Tìm một số nguyên n nhỏ nhất sao cho $f(x)$ là $O(x^n)$ đối với các hàm $f(x)$ sau:

- $F(x) = 2x^3 + x^2 \log x$
- $F(x) = 3x^3 + (\log x)^4$
- $f(x) = \frac{x^4 + x^2 + 1}{x^3 + 1}$

Bài 4:

Cho một đánh giá big- O đối với các hàm dưới đây. Đối với các hàm $g(x)$ trong đánh giá $f(x)$ là $O(g(x))$, hãy chọn các hàm đơn giản có bậc thấp nhất.

- $(n^3 + n^2 \log n)(\log n + 1) + (17 \log n + 19)(n^3 + 2)$
- $(2^n + n^2)(n^3 + 3^n)$
- $(n^n + n2^n + 5^n)(n! + 5^n)$

Bài 5:

Thuật toán thông thường để tính giá trị đa thức $a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$ tại $x = c$ có thể được thể hiện trong giả mã sau:

procedure *đa thức*(c, a_0, a_1, \dots, a_n : số thực)

power := 1

y := a_0

for *i* := 1 to *n*

begin

power := *power* * *c*

y := *y* + a_i * *power*

```
end { $y = a_n c^n + a_{n-1} c^{n-1} + \dots + a_1 c + a_0$ }
```

Có chính xác bao nhiêu phép nhân và phép cộng đã được sử dụng để tính giá trị đa thức bậc n tại $x = c$? (Không kể các phép cộng được dùng để tăng biến của vòng lặp)

Bài 6:

Phương pháp Horner để tính giá trị đa thức $a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$ tại $x = c$ có thể được thể hiện trong giả mã sau:

```
procedure Horner( $c, a_0, a_1, \dots, a_n$ : số thực)
```

```
   $y := a_n$ 
```

```
  for  $i := 1$  to  $n$ 
```

```
  begin
```

```
     $y := y * c + a_{n-i}$ 
```

```
  end { $y = a_n c^n + a_{n-1} c^{n-1} + \dots + a_1 c + a_0$ }
```

Có chính xác bao nhiêu phép nhân và phép cộng đã được sử dụng để tính giá trị đa thức bậc n tại $x = c$? (Không kể các phép cộng được dùng để tăng biến của vòng lặp)

CHƯƠNG 3: QUY NẠP VÀ ĐỆ QUY

Bài 1:

Hãy tìm công thức tính tổng n số nguyên dương chẵn đầu tiên. Dùng quy nạp toán học chứng minh công thức đó.

Bài 2:

Tìm công thức tính tổng:

$$\frac{1}{1.2} + \frac{1}{2.3} + \dots + \frac{1}{n(n+1)}$$

bằng cách quan sát các giá trị của biểu thức này với các giá trị nhỏ của n . Dùng quy nạp toán học để chứng minh kết quả tìm được.

Bài 3:

Chứng minh rằng $1.1! + 2.2! + \dots + n.n! = (n+1)! - 1$ với n là số nguyên dương.

Bài 4:

Chứng minh bằng quy nạp toán học rằng $n^2 - 1$ chia hết cho 8 với n là số nguyên dương lẻ.

Bài 5:

Hãy cho định nghĩa đệ quy của dãy $\{a_n\}$, $n = 1, 2, \dots$ nếu

- | | |
|-------------------|-----------------------|
| a. $a_n = 4n - 2$ | b. $a_n = 1 + (-1)^n$ |
| c. $a_n = n(n+1)$ | d. $a_n = n^2$ |

Bài 6:

Hãy cho định nghĩa đệ quy của dãy $\{a_n\}$, $n = 1, 2, \dots$ nếu

- | | |
|-----------------|-------------------|
| a. $a_n = 6n$ | b. $a_n = 2n + 1$ |
| c. $a_n = 10^n$ | d. $a_n = 5$ |

Bài 7:

Cho F là hàm sao cho $F(n)$ là tổng n số nguyên dương đầu tiên. Hãy đưa ra định nghĩa đệ quy của $F(n)$.

Bài 8:

Hãy đưa ra định nghĩa đệ quy của $S_m(n)$ là tổng của số nguyên m và số nguyên không âm n .

Bài 9:

Hãy đưa ra định nghĩa đệ quy của $P_m(n)$ là tích của số nguyên m và số nguyên không âm n .

Bài 10:

Chứng minh rằng $f_1^2 + f_2^2 + \dots + f_n^2 = f_n f_{n+1}$, với n là số nguyên dương và f_n là số Fibonacci thứ n .

CÁC BÀI TẬP TRONG GIÁO TRÌNH

Bài: 8,9,12,13,18, 40,45, $50 \div 53$ ($107 \div 110$)

Bài: $5 \div 10$, 13,15 (trg 128, 129)

Bài: $5 \div 7$, $19 \div 21$, 63 (trg 141÷143)

Bài: $7 \div 10$ (trg 151,152);

Bài: 2,6,10,22,23,28,31,33 (trg 255)

Bài: $8 \div 15$ (trg 273,274)